

僑光科技大學 一百學年度 第一學期 平時考試 試卷

分 數

原班別：\_\_\_\_\_ 隨(轉)修班別：\_\_\_\_\_ 學號：\_\_\_\_\_ 姓名：\_\_\_\_\_

|    |     |    |      |    |   |    |
|----|-----|----|------|----|---|----|
| 班別 | 科二孝 | 科目 | 離散數學 | 編號 | 3 | 教師 |
|----|-----|----|------|----|---|----|

填充題：

1. (20%)

| 關係                         | 反射性 | 對稱性 | 反對稱性 | 傳遞性 | 部分排序關係 |
|----------------------------|-----|-----|------|-----|--------|
| $x - y \geq 0, x, y \in N$ |     |     |      |     |        |
| $x$ 為 $y$ 的祖先              |     |     |      |     |        |

2. (10%) 以下為定義在  $X = \{1,2,3\}$  上之關係，

- (1)  $\{(2,1),(2,2),(1,2),(3,3)\}$                       (2)  $\{(1,1),(1,2),(1,3),(2,2),(2,1),(3,3),(3,1)\}$ ,  
 (3)  $\{(1,1),(2,1),(2,2),(2,3),(1,3),(3,3)\}$ ,        (4)  $\{(1,1),(1,2),(2,1),(2,2),(3,3)\}$

- (a) 何者為等價關係？ \_\_\_\_\_ ；  
 (b) 何者為部分排序？ \_\_\_\_\_

3. (20%) 令  $M = \{a,b,c,d\}$  定義M 上的關係  $R = \{(a,d),(b,c),(b,d),(d,a)\}$ 。

- (1) R的反射閉集 = \_\_\_\_\_  
 (2) R的對稱閉集 = \_\_\_\_\_  
 (3) R的傳遞閉集 = \_\_\_\_\_  
 (4) R的反射傳遞閉集 = \_\_\_\_\_

4. (20%) (a) 畫出集合  $\{0,2,3,4,5,6,7,8,9,10\}$  中" $|$ "除數關係之部分排序圖解：

(b) 極大： \_\_\_\_\_ ；最大： \_\_\_\_\_ ；極小： \_\_\_\_\_ ；最小： \_\_\_\_\_

5. (10%) 令  $A = \{2,4,6,8,10\}$ ，R 為定義在 A 上 2 元關係如下： $(x,y) \in R \Leftrightarrow y = kx, k \in N$ 。

R = \_\_\_\_\_

6. (10%) 寫出以等價關係  $\equiv (\text{mod } 5)$  的等價類在N上的分割： \_\_\_\_\_

7. (10%) 某等價關係的分割為 $\{\{1,2\}, \{3,5,6\}, \{4\}\}$ ，則此等價關係為：

\_\_\_\_\_